

## PATVIRTINTA

Nacionalinės švietimo agentūros direktoriaus  
2024 m. spalio 23 d. įsakymu Nr. VK-909

# MATEMATIKOS, GAMTOS MOKSLŲ DALYKŲ, INFORMATIKOS IR INŽINERINIŲ TECHNOLOGIJŲ VALSTYBINIŲ BRANDOS EGZAMINŲ UŽDUOČIŲ APRAŠAS

## I SKYRIUS BENDROSIOS NUOSTATOS

1. Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašas (toliau – aprašas) nustato matematikos, biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių pobūdį, taškų sumą ir jų paskirstymą procentais pagal pasiekimų lygius ir kognityvinių gebėjimų sritis, trukmę, užduoties pateikimą, priemones ir kandidatų atliktų užduočių vertinimą.

2. Apraše vartojamos sąvokos atitinka Lietuvos Respublikos švietimo įstatyme, Valstybinių brandos egzaminų organizavimo ir vykdymo tvarkos apraše, patvirtintame Lietuvos Respublikos švietimo, mokslo ir sporto ministro 2023 m. rugsėjo 11 d. įsakymu Nr. V-1187 „Dėl Valstybinių brandos egzaminų organizavimo ir vykdymo tvarkos aprašo patvirtinimo“ vartojamas sąvokas.

3. Organizuojami šie matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų dalykų valstybiniai brandos egzaminai: matematikos pagal vidurinio ugdymo matematikos išplėstinio (A) kurso bendrąją programą (toliau – matematika (A)), matematikos pagal vidurinio ugdymo matematikos bendrojo (B) kurso bendrąją programą (toliau – matematika (B)), biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų. Matematikos (A) ir matematikos (B), biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinius brandos egzaminus sudaro pirma ir antra dalys.

4. Dalyko valstybinio brandos egzamino pirmos ir antros dalies užduočių struktūra, pasiekimų sritys ir mokymosi turinys, užduoties taškų procentai nustatyti Priešmokyklinio, pradinio, pagrindinio ir vidurinio ugdymo bendrosiose programose, patvirtintose Lietuvos Respublikos švietimo, mokslo ir sporto ministro 2022 m. rugpjūčio 24 d. įsakymu Nr. V-1269 „Dėl Priešmokyklinio, pradinio, pagrindinio ir vidurinio ugdymo bendrujų programų patvirtinimo“ (toliau – bendrosios programos).

5. Valstybinių brandos egzaminu vertinamos kandidatų įgytos kompetencijos. Dalykų bendrosiose programose siektini ugdymo rezultatai aprašyti kaip mokinių kompetencijų ugdymo pasiekimai. Pasiekimų sritys ir pasiekimai bendrosiose programose išskirti, vadovaujantis bendrujų programų 1 priedu „Kompetencijų raidos aprašas“. Pasiekimai siejami su išskirtais kompetencijų sandais ir jų raiška. Kompetencijos ugdomas visų bendrujų programų mokymo(si) turiniu. Jų ugdymo rezultatai nurodyti dalykų pasiekimų lygiu požymių aprašymuose. Šiame apraše kognityvinių gebėjimų sritis charakterizuojama pasiekimų požymių aprašymuose vartojamos sąvokos:

5.1. žinios ir supratimas – kai kandidatas apibrėžia sąvoką, formuluoja dėsnį, įvardija dydžių tarpusavio sąryšį, apibūdina objektą ar reiškinį, nurodydamas jo požymius, savybes;

5.2. taikymas – kai kandidatas, taikydamas žinias ir supratimą, atlieka užduotis, išsprendžia uždavinius, palygina objektus, reiškinius įvairiuose paprastuose ar įprastuose kontekstuose;

5.3. aukštesnieji mąstymo gebėjimai – kai kandidatas įvertina pateiktus faktus ir nuomones, analizuoją ir interpretuoja informaciją, nustato ir pagrindžia jos patikimumą, apibrėžimo tikslumą, kelia klausimus, nuosekliai ir sistemingai ieško atsakymų, taiko tiriamąsias strategijas, daro pagrįstas ir išsamias išvadas, atlieka kompleksines nerutinines užduotis ir sprendžia uždavinius, taiko žinias ir supratimą nepažįstamuose, naujuose ar sudėtinguose kontekstuose.

**II SKYRIUS**  
**MATEMATIKOS VALSTYBINIŲ BRANDOS EGZAMINŲ UŽDUOTYS**

6. Matematikos (A) valstybinio brandos egzamino ir matematikos (B) valstybinio brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio sritis procentais nustatyti bendrujų programų 20 priedo „Matematikos bendroji programa“ skyriuje „Mokinijų pasiekimų vertinimas“.

7. Matematikos (A) ir matematikos (B) valstybiniai brandos egzaminai.

<b>7.1. Matematikos (A) ir matematikos (B) valstybinių brandos egzaminų pirma dalis.</b>	
7.1.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro 28–35 uždaviniai ir (ar) klausimai, vertinami 1 arba 2 taškais.</p> <p>Uždaviniai ir (ar) klausimai yra pasirenkamojo atsakymo (20 taškų) ir trumpojo atsakymo (20 taškų).</p> <p>Pasirenkamojo atsakymo uždaviniai ir (ar) klausimai gali būti: pateiktų atsakymų pasirinkimo (su vienu ar keliais teisingais atsakymais); pateiktų atsakymų porų susiejimo; pateiktų objektų eiliškumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto objektų sąrašo; elementų pažymėjimo pateiktoje vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje). Trumpojo atsakymo uždaviniuose ir (ar) klausimuose pateikiamas atsakymo laukas, kuriame reikia išrašyti uždavinio atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, žodį ir pan.).</p>
7.1.2. Iš viso taškų	40
7.1.3. Trukmė	120 min.
7.1.4. Užduoties pateikimas	Užduotis pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Uždavinio ir (ar) klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno uždavinio ir (ar) klausimo.
7.1.5. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, matematikos valstybinių brandos egzaminų formulų rinkiniai (aprašo 1 priedas). Reikalavimai kompiuteriui, programinei įrangai ir skaičiuotuvui nustatyti matematikos (A) ir matematikos (B) valstybinių brandos egzaminų pirmos dalies vykdymo instrukcijose.
7.1.6. Kandidatų atlirkštų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atlirkstos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.
<b>7.2. Matematikos (A) ir matematikos (B) valstybinių brandos egzaminų antra dalis.</b>	
7.2.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys.</p> <p>I dalis – 10 trumpojo atsakymo uždaviniai ir (ar) klausimų, kurių teisingas atsakymas vertinamas 1 tašku. Trumpojo atsakymo uždaviniuose ir (ar) klausimuose reikia išrašyti uždavinio ir (ar) klausimo atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, žodį ir pan.).</p> <p>I dalies taškų suma – 10.</p> <p>II dalis – 7–10 pilno sprendimo uždaviniai ir (ar) klausimų, iš kurių 5–8 struktūruoti uždaviniai ir (ar) klausimai (iš viso 12–18 struktūrinų dalių) ir 2–5 nestruktūruoti uždaviniai ir (ar) klausimai.</p> <p>II dalies taškų suma – 50.</p>
7.2.2. Iš viso taškų	60
7.2.3. Trukmė	240 min.
7.2.4. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas. Uždavinio ir (ar) klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno uždavinio ir (ar) klausimo.
7.2.5. Priemonės ir priedai	Skaičiuotuvas, matematikos valstybinių brandos egzaminų formulų rinkiniai (aprašo 1 priedas). Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti matematikos (A) ir matematikos (B) valstybinių brandos egzaminų antrą dalies vykdymo instrukcijose.

7.2.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.
7.3. Kognityvinų gebėjimų sritys valstybiname brandos egzamine	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 55 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 15 proc.
7.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius valstybiname brandos egzamine	Slenkstinis – 35 proc., patenkinamas – 15 proc., pagrindinis – 35 proc., aukštesnysis – 15 proc.

Pastaba. Lentelėje pateikti skaičiai yra orientiniai, užduotyje galima iki 5 procentų paklaida.

### **III SKYRIUS** **BIOLOGIJOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

8. Biologijos valstybinio brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio sritis procentais nustatyti bendrujų programų 23 priedo „Biologijos bendroji programa“ skyriuje „Mokinų pasiekimų vertinimas“.

9. Biologijos valstybinis brandos egzaminas.

9.1. Biologijos valstybinio brandos egzamino pirma dalis.	
9.1.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami pasirenkamojo atsakymo ir (ar) trumpojo atsakymo klausimai.</p> <p>I dalis. Klausimai 10–15 klausimų. I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvienu struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 25.</p> <p>Klausimai ir poklausimai gali būti skirtintų tipų, pavyzdžiui, pasirenkamojo atsakymo su vienu ar keliais teisingais atsakymais; pasiūlytų atsakymų porų susiejimo; eiliškumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto sąrašo; elementų pažymėjimo vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje) ir pan.</p> <p>Trumpojo atsakymo klausimuose pateikiamas atsakymo laukas, kuriame reikia išrašyti klausimo atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, žodį ir pan.).</p>
9.1.2. Iš viso taškų	40
9.1.3. Trukmė	90 min.
9.1.4. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
9.1.5. Priemonės	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas. Reikalavimai kompiuteriui, programinei įrangai ir skaičiuotuvui nustatyti Biologijos valstybinio brandos egzamino pirmos dalies vykdymo instrukcijoje.
9.1.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atlikta užduotis vertinama automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.
9.2. Biologijos valstybinio brandos egzamino antra dalis.	

9.2.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys.</p> <p>I dalis. Trumpojo atsakymo klausimai 15 klausimų, kurių teisingas atsakymas vertinamas 1 (vienu) tašku. Trumpojo atsakymo klausimų tipų pavyzdžiai: reikia įrašyti žodį, skaičių, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ar pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Atviri struktūriniai klausimai 5–6 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimio vertė taškais pateikiama prie kiekvieno poklausimio.</p> <p>II dalies taškų suma – 45.</p>
9.2.2. Iš viso taškų	60
9.2.3. Trukmė	120 min.
9.2.4. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
9.2.5. Priemonės	Skaičiuotuvas. Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Biologijos valstybinio brandos egzamino antros dalies vykdymo instrukcijoje.
9.2.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.
9.3. Kognityvinių gebėjimų sritys valstybiniame brandos egzamine	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
9.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius valstybiniame brandos egzamine	Slenkstinis – 35 proc., patenkinamas – 15 proc., pagrindinis – 35 proc., aukštesnysis – 15 proc.

Pastaba. Lentelėje pateikti skaičiai yra orientiniai, užduotyje galima iki 5 procentų paklaida.

#### **IV SKYRIUS** **CHEMIJOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

10. Chemijos valstybinio brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio sritis procentais nustatyti bendrujų programų 24 priedo „Chemijos bendroji programa“ skyriuje „Mokinų pasiekimų vertinimas“.

11. Chemijos valstybinis brandos egzaminas.

11.1. Chemijos valstybinio brandos egzamino pirma dalis.	
11.1.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami pasirenkamojo atsakymo ir (ar) trumpojo atsakymo klausimai.</p> <p>I dalis. Klausimai 15 klausimų.</p> <p>I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis,</p>

	<p>paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 25.</p> <p>Klausimai ir poklausimiai gali būti skirtinį tipą, pavyzdžiui, pasirenkamojo atsakymo su vienu ar keliais teisingais atsakymais; pasiūlytų atsakymų porų susiejimo; eiliukumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto sąrašo; elementų pažymėjimo vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje) ir pan.</p> <p>Trumpojo atsakymo klausimuose pateikiamas atsakymo laukas, kuriame reikia išrašyti klausimo atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, žodį, simbolį ir pan.).</p>
11.1.2. Iš viso taškų	40
11.1.3. Trukmė	90 min.
11.1.4. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
11.1.5. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, chemijos valstybinio brandos egzamino formulų ir lentelių rinkinys (aprašo 2 priedas). Reikalavimai kompiuteriui, programinei įrangai ir skaičiuotuvui nustatyti Chemijos valstybinio brandos egzamino pirmos dalies vykdymo instrukcijoje.
11.1.6. Kandidatų atlirkštų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atlirkstos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.
<b>11.2. Chemijos valstybinio brandos egzamino antra dalis.</b>	
11.2.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys.</p> <p>I dalis. Trumpojo atsakymo klausimai 20 klausimų, kurių teisingas atsakymas vertinamas 1 (vienu) tašku. Trumpojo atsakymo klausimų tipų pavyzdžiai: reikia išrašyti žodį, skaičių, matavimo vienetą, formulę, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ir pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 20.</p> <p>II dalis. Atviri struktūriniai klausimai 4–6 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vieną turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimio vertė taškais pateikiama prie kiekvieno poklausimio.</p> <p>II dalies taškų suma – 40.</p>
11.2.2. Iš viso taškų	60
11.2.3. Trukmė	120 min.
11.2.4. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
11.2.5. Priemonės ir priedai	Skaičiuotuvas, chemijos valstybinio brandos egzamino formulų ir lentelių rinkinys (aprašo 2 priedas). Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Chemijos valstybinio brandos egzamino antros dalies vykdymo instrukcijoje.
11.2.6. Kandidatų atlirkštų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.
11.3. Kognityvinį gebėjimų sritys valstybiniame brandos egzamine	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.

11.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius valstybiname brandos egzamine	Slenkstinis – 35 proc., patenkinamas – 15 proc., pagrindinis – 35 proc., aukštesnysis – 15 proc.
--	--

Pastaba. Lentelėje pateikti skaičiai yra orientaciniai, užduotyje galima iki 5 procentų paklaida.

## **V SKYRIUS** **FIZIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

12. Fizikos valstybinio brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio sritis procentais nustatyti bendrujų programų 25 priedo „Fizikos bendoji programa“ skyriuje „Mokinių pasiekimų vertinimas“.

13. Fizikos valstybinis brandos egzaminas.

<b>13.1. Fizikos valstybinio brandos egzamino pirma dalis.</b>	
13.1.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami pasirenkamojo atsakymo ir (ar) trumpojo atsakymo klausimai.</p> <p>I dalis. Klausimai 10–15 klausimų. I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvienu struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 25.</p> <p>Klausimai ir poklausimai gali būti skirtingų tipų, pavyzdžiui, pasirenkamojo atsakymo su vienu ar keliais teisingais atsakymais; pasiūlytų atsakymų porų susiejimo; eiliškumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto sąrašo; elementų pažymėjimo vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje) ir pan.</p> <p>Trumpojo atsakymo klausimuose pateikiamas atsakymo laukas, kuriame reikia išrašyti klausimo atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, žodį ir pan.).</p>
13.1.2. Iš viso taškų	40
13.1.3. Trukmė	90 min.
13.1.4. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
13.1.5. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, fizikos valstybinio brandos egzamino formulės ir pagrindinės konstantos (aprašo 3 priedas). Reikalavimai kompiuteriui, programinei įrangai ir skaičiuotuvui nustatyti Fizikos valstybinio brandos egzamino pirmos dalies vykdymo instrukcijoje.
13.1.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.
<b>13.2. Fizikos valstybinio brandos egzamino antra dalis.</b>	
13.2.1. Užduoties pobūdis	Užduotį sudaro dvi dalys. I dalis. Trumpojo atsakymo klausimai

	<p>20 klausimų, kurių teisingas atsakymas vertinamas 1 (vienu) tašku. Trumpojo atsakymo klausimų tipą pavyzdžiai: reikia išrašyti žodį, skaičių, matavimo vienetą, formulę, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ar pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 20.</p> <p>II dalis. Atviri struktūriniai klausimai</p> <p>4–6 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvienu struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimio vertė taškais pateikiama prie kiekvieno poklausimo.</p> <p>II dalies taškų suma – 40.</p>
13.2.2. Iš viso taškų	60
13.2.3. Trukmė	120 min.
13.2.4. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
13.2.5. Priemonės ir priedai	Skaičiuotuvas, fizikos valstybinio brandos egzamino formulės ir pagrindinės konstantos (aprašo 3 priedas). Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Fizikos valstybinio brandos egzamino antros dalies vykdymo instrukcijoje.
13.2.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.
13.3. Kognityvinių gebėjimų sritys valstybiniame brandos egzamine	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
13.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius valstybiniame brandos egzamine	Slenkstinis – 35 proc., patenkinamas – 15 proc., pagrindinis – 35 proc., aukštesnysis – 15 proc.

Pastaba. Lentelėje pateikti skaičiai yra orientiniai, užduotyje galima iki 5 procentų paklaida.

## VI SKYRIUS

### INFORMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS

14. Informatikos valstybinio brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio sritis procentais nustatyti bendrujų programų 21 predo „Informatikos bendroji programa“ skyriuje „Mokinių pasiekimų vertinimas“.

15. Informatikos valstybinis brandos egzaminas.

15.1. Informatikos valstybinio brandos egzamino pirma dalis.	
15.1.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami pasirenkamojo ir (ar) trumpojo atsakymo klausimai.</p> <p>Naudojamos šios programavimo kalbos: C++, Python.</p> <p>I dalis. Klausimai</p> <p>12–20 klausimų.</p> <p>I dalies taškų suma – 24.</p>

	<p>II dalis. Struktūriniai klausimai 4–6 struktūriniai klausimai. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu. II dalies taškų suma – 16.</p> <p>Klausimai ir poklausimiai gali būti skirtinį tipą, pavyzdžiui, pasirenkamojo atsakymo su vienu ar keliais teisingais atsakymais; pasiūlytų atsakymų porą susiejimo; eiliškumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto sąrašo; elementų pažymėjimo vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje) ir pan.</p> <p>Trumpojo atsakymo uždaviniose ir (ar) klausimuose pateikiamas atsakymo laukas, kuriame reikia išrašyti klausimo atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, simbolį, žodį ir pan.).</p>
15.1.2. Iš viso taškų	40
15.1.3. Trukmė	90 min.
15.1.4. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
15.1.5. Priemonės	Lapas užrašams, kompiuteris. Reikalavimai kompiuteriui ir programinei įrangai nustatyti Informatikos valstybinio brandos egzamino pirmos dalies vykdymo instrukcijoje.
15.1.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.
<b>15.2. Informatikos valstybinio brandos egzamino antra dalis.</b>	
15.2.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro trys dalys. Naudojamos šios programavimo kalbos: C++, Python. Duomenų tyrybos užduočiai atlikti naudojama skaičiuoklė.</p> <p>I dalis. Klausimai ir struktūriniai klausimai 5–8 įvairaus tipo (įskaitant ir struktūrius) klausimai.</p> <p>Trumpojo atsakymo klausimai: atsakant į šiuos klausimus, reikia (jei nenurodyta kitaip) išrašyti žodį, skaičių, trumpą frazę ir pan. Kiekvienas teisingas trumpojo atsakymo klausimo atsakymas vertinamas 1–2 taškais.</p> <p>Atvirojo atsakymo klausimai: atsakant į šiuos klausimus, reikia (jei nenurodyta kitaip) pateikti argumentuotą kelių sakinių atsakymą, pateikti pavyzdžių. Kiekvienas teisingas atvirojo atsakymo klausimo atsakymas vertinamas 1–3 taškais.</p> <p>Struktūriniai klausimai: kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 8–12 taškų.</p> <p>II dalis. Duomenų tyrybos praktinė užduotis 1 praktinė užduotis. Atliekant šią užduotį kompiuteriu, reikia (jei nenurodyta kitaip) pagal pateiktą sąlygą laikantis nurodymų atlikti pateiktų duomenų tyrybos veiksmus (pavyzdžiui, skaičiuoti, rikiuoti, atrinkti, grupuoti, pavaizduoti, analizuoti ir pan.) ir pateikti išvadas. Kiekvienas teisingai atliktas veiksmas vertinamas 1–5 taškais.</p> <p>II dalies taškų suma – 16–20 taškų.</p> <p>III dalis. Programavimo praktinė užduotis 1–2 programavimo praktinės užduotys.</p>

	Atliekant šią užduotį kompiuteriu, reikia (jei nenurodyta kitaip) pagal pateiktą sąlygą laikantis nurodymų sukurti programą. Kiekviena teisingai suprogramuota užduoties dalis vertinama 1–5 taškais. III dalies taškų suma – 30–35 taškai.
15.2.2. Iš viso taškų	60
15.2.3. Trukmė	180 min.
15.2.4. Užduoties pateikimas	Užduoties I dalis pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo. Užduoties II ir III dalių praktinės užduotys atliekamos kompiuteriu.
15.2.5. Priemonės	Užduoties sąsiuvinis, kompiuteris, praktinių užduočių pradiniai failai. Reikalavimai kompiuteriui ir programinei įrangai nustatyti Informatikos valstybinio brandos egzamino antros dalies vykdymo instrukcijoje.
15.2.6. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.
15.3. Kognityvinių gebėjimų sritys valstybiniame brandos egzamine	Žinios ir supratimas – 20 proc., taikymas – 60 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
15.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius valstybiniame brandos egzamine	Slenkstinis – 35 proc., patenkinamas – 15 proc., pagrindinis – 35 proc., aukštesnysis – 15 proc.

Pastaba. Lentelėje pateikti skaičiai yra orientiniai, užduotyje galima iki 5 procentų paklaida.

## **VII SKYRIUS** **INŽINERINIŲ TECHNOLOGIJŲ VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

16. Inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio sritis procentais nustatyti bendrujų programų 28 priedo „Inžinerinių technologijų bendoroji programa“ skyriuje „Mokinų pasiekimų vertinimas“.

### 17. Inžinerinių technologijų valstybinis brandos egzaminas.

17.1. Inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino pirma dalis.	
17.1.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami pasirenkamojo atsakymo ir (ar) trumpojo atsakymo klausimai.</p> <p>I dalis. Klausimai 10–15 klausimų. I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių 1–2 – technologinių operacijų ir (ar) veiklos patikrinimo ir duomenų interpretavimo. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, įrankių, įrangos, sistemų pavyzdžiais, vaizdine medžiaga, lentelėmis ir pan. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 25.</p>

	Klausimai ir poklausimiai gali būti skirtingų tipų, pavyzdžiui, pasirenkamojo atsakymo su vienu ar keliais teisingais atsakymais; pasiūlytų atsakymų porų susiejimo; eiliškumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto sąrašo; elementų pažymėjimo vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje), ir pan. Trumpojo atsakymo klausimuose pateikiamas atsakymo laukas, kuriam reikia išrašyti klausimo atsakymą (skaičių, kelis skaičius, raidę, žodį ir pan.).
17.1.2. Iš viso taškų	40
17.1.3. Trukmė	90 min.
17.1.4. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
17.1.5. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino formulų rinkinys (aprašo 4 priedas). Reikalavimai kompiuteriui, programinei įrangai ir skaičiuotuvui nustatyti Inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino pirmos dalies vykdymo instrukcijoje.
17.1.6. Kandidatų atliktu užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.
<b>17.2. Inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino antra dalis.</b>	
17.2.1. Užduoties pobūdis	Kandidatas atlieka vienos iš penkių mokymo(si) turinio sričių (pagal Inžinerinių technologijų bendrają programą), kurios mokësi mokykloje, užduoties variantą. Užduotį sudaro dvi dalys. I dalis. Klausimai 10–15 klausimų. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo. Trumpojo atsakymo klausimų tipų pavyzdžiai: reikia išrašyti žodį, skaičių, matavimo vienetą, formulę, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ar pan. I dalies taškų suma – 15. II dalis. Atviri struktūriniai klausimai 4–5 struktūriniai klausimai, iš kurių 1–2 – technologinių operacijų ir (ar) veiklos patikrinimo ir duomenų interpretavimo. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis, priemonių, įrankių, įrangos, sistemų pavyzdžiais ir pan. Poklausimio vertė taškais pateikiama prie kiekvieno poklausimio. II dalies taškų suma – 45.
17.2.2. Iš viso taškų	60
17.2.3. Trukmė	120 min.
17.2.4. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
17.2.5. Priemonės	Skaičiuotuvas, inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino formulų rinkinys (aprašo 4 priedas). Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Inžinerinių technologijų valstybinio brandos egzamino antros dalies vykdymo instrukcijoje.
17.2.6. Kandidatų atliktu	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

užduočių vertinimas	
17.3. Kognityvinių gebėjimų sritys valstybiniame brandos egzamine	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
17.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius valstybiniame brandos egzamine	Slenkstinis – 35 proc., patenkinamas – 15 proc., pagrindinis – 35 proc., aukštesnysis – 15 proc.

Pastaba. Lentelėje pateikti skaičiai yra orientaciniai, užduotyje galima iki 5 procentų paklaida.

### **VIII SKYRIUS BAIGIAMOSIOS NUOSTATOS**

18. Pereinamuju laikotarpiu (iki 2025–2026 mokslo metų) matematikos (A), matematikos (B), biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduotys rengiamos, vadovaujantis bendrosiomis programomis, atsižvelgiant į pereinamojo laikotarpio ugdymo turinio kaitos ypatumus (ugdymo procese nenagrinėtas mokymo(si) turinys neįtraukiama).

---

Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo  
1 priedas

## MATEMATIKOS VALSTYBINIU BRANDOS EGZAMINU FORMULIU RINKINYS

### I SKYRIUS

#### MATEMATIKOS (B) VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULIU RINKINYS

##### 1. Greitoji daugyba:

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2, \quad (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2, \quad (a-b)(a+b) = a^2 - b^2.$$

##### 2. Laipsniai:

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} (a \neq 0), \quad a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} (a > 0, n \in \mathbb{N}, m \in \mathbb{Z}, n > 1);$$

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}, \quad a^n : a^m = a^{n-m}, \quad (a^n)^m = a^{n \cdot m}, \quad a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n, \quad a^n : b^n = (a : b)^n.$$

##### 3. Šaknys:

$$(\sqrt[n]{a})^n = a, \quad \text{jei } \sqrt[n]{a} = b, \text{ tai } b^n = a (n \in \mathbb{N}, n > 1);$$

$$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}, \quad \sqrt[n]{a} : \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a : b}, \quad \sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}, \quad (\sqrt[n]{a})^k = \sqrt[n]{a^k}.$$

##### 4. Logaritmai:

$$a^{\log_a b} = b, \quad \text{jei } \log_a b = c, \text{ tai } a^c = b (a > 0, a \neq 1, b > 0);$$

$$\log_a b + \log_a c = \log_a(bc), \quad \log_a b - \log_a c = \log_a \left(\frac{b}{c}\right), \quad k \log_a b = \log_a(b^k).$$

$\alpha =$	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
$\sin \alpha =$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha =$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\operatorname{tg} \alpha =$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	—

##### 5. Trigonometrija:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1,$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha},$$

Jei  $\sin x = a$ ,  $a \in [-1; 1]$ , tai:  
 $x = (-1)^k \arcsin a + 180^\circ \cdot k$ ,  
 $k \in \mathbb{Z}$ .

Jei  $\cos x = a$ ,  $a \in [-1; 1]$ , tai:  
 $x = \pm \arccos a + 360^\circ \cdot k$ ,  
 $k \in \mathbb{Z}$ .

Jei  $\operatorname{tg} x = a$ ,  $a \in \mathbb{R}$ , tai:  
 $x = \operatorname{arctg} a + 180^\circ \cdot k$ ,  
 $k \in \mathbb{Z}$ .

$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}.$$

##### 6. Aritmetinė progresija:

$$a_n = a_1 + d(n-1), \quad d = a_{n+1} - a_n, \quad S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n;$$

čia  $a_1$  – pirmasis narys,  $a_n$  –  $n$ -tasis narys,  $d$  – skirtumas,  $n$  – nario eilės numeris,  $S_n$  – pirmujų  $n$  narių suma.

##### 7. Geometrinė progresija:

$$b_n = b_1 q^{n-1}, \quad q = \frac{b_{n+1}}{b_n}, \quad S_n = \frac{b_1 - qb_n}{1-q} = \frac{b_1(1-q^n)}{1-q};$$

čia  $b_1$  – pirmasis narys ( $b_1 \neq 0$ ),  $b_n$  –  $n$ -tasis narys,  $q$  – vardiklis ( $q \neq 0$ ),  $n$  – nario eilės numeris,  $S_n$  – pirmųjų  $n$  narių suma.

### 8. Sudėtiniai procentai:

$$S_n = S_0 \left(1 \pm \frac{p}{100}\right)^n;$$

čia  $S_0$  – dydžio  $S$  pradinė reikšmė,  $p$  – procentų skaičius,  $n$  – kartų skaičius.

### 9. Trikampis:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \angle A \text{ – kosinusų teorema,}$$

$$\frac{a}{\sin \angle A} = \frac{b}{\sin \angle B} = \frac{c}{\sin \angle C} = 2R \text{ – sinusų teorema ir jos išvada,}$$

$$S = \frac{1}{2}ah_a = \frac{1}{2}ab \cdot \sin \angle C = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = rp = \frac{abc}{4R} \text{ plotas;}$$

čia  $a, b$  ir  $c$  – trikampio kraštinių ilgiai,  $\angle A, \angle B$  ir  $\angle C$  – prieš jas esančių atitinkamų trikampio kampų didumai,  $p = \frac{a+b+c}{2}$  – trikampio pusperimetris,  $h_a$  – ilgis trikampio aukštinės, einančios į kraštine, kurios ilgis lygus  $a$ ,  $r$  – į trikampį įbrėžto apskritimo spindulio ilgis,  $R$  – apie trikampį apibrėžto apskritimo spindulio ilgis.

### 10. Skritulio išpjova:

$$S_{\text{išpj.}} = \frac{\pi R^2}{360} \cdot \alpha \text{ – plotas,}$$

$$C_{\text{išpj.}} = \frac{2\pi R}{360} \cdot \alpha \text{ – lanko ilgis;}$$

čia  $R$  – spindulio ilgis,  $\alpha$  – kampo didumas laipsniais.

### 11. Ritinys:

$$S = 2\pi RH \text{ – šoninio paviršiaus plotas,}$$

$$V = \pi R^2 H \text{ – tūris;}$$

čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

### 12. Kūgis:

$$S = \pi Rl \text{ – šoninio paviršiaus plotas,}$$

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 H \text{ – tūris;}$$

čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $l$  – sudaromosios ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

### 13. Rutulys:

$$S = 4\pi R^2 \text{ – paviršiaus plotas,}$$

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3 \text{ – tūris;}$$

čia  $R$  – spindulio ilgis.

### 14. Piramidės tūris:

$$V = \frac{1}{3}SH;$$

čia  $S$  – pagrindo plotas,  $H$  – aukštinės ilgis.

### 15. Išvestinės:

$$(c f(x))' = c f'(x), (f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x), (f(x) - g(x))' = f'(x) - g'(x);$$

$$(x^n)' = n x^{n-1}.$$

### 16. Funkcijos $y = f(x)$ grafiko liestinės, liečiančios funkcijos grafiką taške $(x_0; f(x_0))$ , lygtis:

$$y = f'(x_0) \cdot (x - x_0) + f(x_0);$$

čia  $f'(x_0)$  – liestinės krypties koeficientas.

**II SKYRIUS**  
**MATEMATIKOS (A) VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULIŲ RINKINYS**

**1. Greitoji daugyba:**  $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$ ,  $(a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2) = a^3 \pm b^3$ .

**2. Logaritmai:**  $a^{\log_a b} = b$ ,  $\log_a b + \log_a c = \log_a(bc)$ ,  $\log_a b - \log_a c = \log_a\left(\frac{b}{c}\right)$ ,

$$k \log_a b = \log_a(b^k), \quad \frac{1}{k} \log_a b = \log_{a^k} b, \quad \frac{\log_c b}{\log_c a} = \log_a b.$$

**3. Trigonometrija:**

$$\sin(2\alpha) = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha,$$

$$\cos(2\alpha) = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha,$$

$$\operatorname{tg}(2\alpha) = \frac{2 \operatorname{tg} \alpha}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha},$$

$$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta \pm \cos \alpha \cdot \sin \beta,$$

$$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta \mp \sin \alpha \cdot \sin \beta,$$

$$\operatorname{tg}(\alpha \pm \beta) = \frac{\operatorname{tg} \alpha \pm \operatorname{tg} \beta}{1 \mp \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{tg} \beta}.$$

$\alpha =$	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
	$0$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\sin \alpha =$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha =$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\operatorname{tg} \alpha =$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	—

Jei $\sin x = a$ , $a \in [-1; 1]$ , tai: $x = (-1)^k \arcsin a + \pi k$ , $k \in \mathbb{Z}$ .	Jei $\cos x = a$ , $a \in [-1; 1]$ , tai: $x = \pm \arccos a + 2\pi k$ , $k \in \mathbb{Z}$ .	Jei $\operatorname{tg} x = a$ , $a \in \mathbb{R}$ , tai: $x = \operatorname{arctg} a + \pi k$ , $k \in \mathbb{Z}$ .
---	--	---

**4. Aritmetinė progresija:**  $a_n = a_1 + d(n - 1)$ ,  $d = a_{n+1} - a_n$ ,  $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n$ ;  
 čia  $a_n$  –  $n$ -tasis narys,  $d$  – skirtumas,  $n$  – nario eilės numeris,  $S_n$  – pirmųjų  $n$  narių suma.

**5. Geometrinė progresija:**  $b_n = b_1 q^{n-1}$ ,  $q = \frac{b_{n+1}}{b_n}$ ,  $S_n = \frac{b_1 - qb_n}{1-q} = \frac{b_1(1-q^n)}{1-q}$ ,  $S = \frac{b_1}{1-q}$ ;

čia  $b_n$  –  $n$ -tasis narys,  $q$  – vardiklis ( $q \neq 0$ ),  $n$  – nario eilės numeris,  $S_n$  – pirmųjų  $n$  narių suma,  $S$  – nykstamosios geometrinės progresijos suma.

**6. Vektoriai:**  $|\vec{a}| = \sqrt{x_1^2 + y_1^2}$ ,  $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 x_2 + y_1 y_2 = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cos \alpha$ ;

čia  $|\vec{a}|$  – vektoriaus ilgis,  $\vec{a} = (x_1; y_1)$  ir  $\vec{b} = (x_2; y_2)$  – vektorių koordinatės,  $\alpha$  – kampo tarp vektorių didumas.

**7. Trikampis:**  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \angle A$ ,  $\frac{a}{\sin \angle A} = \frac{b}{\sin \angle B} = \frac{c}{\sin \angle C} = 2R$ ,  
 $S = \frac{1}{2}ab \cdot \sin \angle C = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = rp = \frac{abc}{4R}$ ;

čia  $a$ ,  $b$  ir  $c$  – trikampio kraštinių ilgiai,  $\angle A$ ,  $\angle B$  ir  $\angle C$  – prieš jas esančių atitinkamų trikampio kampų didumai,  $p$  – trikampio pusperimetris,  $r$  – į trikampį įbrėžto apskritimo spindulio ilgis,  $R$  – apie trikampį apibrėžto apskritimo spindulio ilgis.

**8. Ritinis:**  $S_{\text{son.pav.}} = 2\pi RH$ ,  $V = \pi R^2 H$ ;

čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**9. Kūgis:**  $S_{\text{son.pav.}} = \pi RL$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$ ;

čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $l$  – sudaromosios ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**10. Nupjautinis kūgis:**  $S_{\text{son.pav.}} = \pi(R+r)l$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi H(R^2 + Rr + r^2)$ ;

čia  $R$  ir  $r$  – pagrindų spindulių ilgiai,  $l$  – sudaromosios ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**11. Rutulys:**  $S_{\text{pav.}} = 4\pi R^2$ ,  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ ;

čia  $R$  – spindulio ilgis.

**12. Rutolio nuopjova:**  $S_{\text{pav.}} = 2\pi RH + \pi R^2$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi H^2(3R - H)$ ;

čia  $R$  – nuopjovos spindulio ilgis,  $H$  – nuopjovos aukštis.

**13. Pyramidės tūris:**  $V = \frac{1}{3}SH$ ;

čia  $S$  – pagrindo plotas,  $H$  – aukštinės ilgis.

**14. Nupjautinės pyramidės tūris:**  $V = \frac{1}{3}H(S_1 + \sqrt{S_1 S_2} + S_2)$ ;

čia  $S_1$  ir  $S_2$  – pagrindų plotai,  $H$  – aukštinės ilgis.

**15. Išvestinės:**  $(f(x) \cdot g(x))' = f'(x) \cdot g(x) + g'(x) \cdot f(x)$ ,  $\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)' = \frac{f'(x) \cdot g(x) - g'(x) \cdot f(x)}{g^2(x)}$ ,

$(f(g(x)))' = f'(g(x)) \cdot g'(x)$ ;

$(\sin x)' = \cos x$ ,  $(\cos x)' = -\sin x$ ,  $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$ ,  $(a^x)' = a^x \ln a$ ,  $(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$ .

**16. Funkcijos  $y = f(x)$  grafiko liestinės, liečiančios funkcijos grafiką taške  $(x_0; f(x_0))$ , lygtis:**

$y = f'(x_0) \cdot (x - x_0) + f(x_0)$ ;

čia  $f'(x_0)$  – liestinės krypties koeficientas.

**17. Integralai:**  $\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$  ( $n \neq -1$ ),  $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$ ,  $\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C$ ,

$\int \sin x dx = -\cos x + C$ ,  $\int \cos x dx = \sin x + C$ ,  $\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \operatorname{tg} x + C$ ;

čia  $C$  – realusis skaičius.

**18. Sukinio tūris:**  $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$ .

**19. Kombinatorika:**  $C_n^k = C_n^{n-k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ ,  $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ ;

čia  $C_n^k$  – derinių skaičius,  $A_n^k$  – gretinių skaičius.

**20. Atsitiktinis dydis:**  $\mathbf{EX} = x_1 p_1 + x_2 p_2 + \dots + x_n p_n$ ,

$\mathbf{DX} = (x_1 - \mathbf{EX})^2 p_1 + (x_2 - \mathbf{EX})^2 p_2 + \dots + (x_n - \mathbf{EX})^2 p_n$ ;

čia  $x_1, x_2, \dots, x_n$  – atsitiktinio dydžio  $X$  reikšmės,  $p_1, p_2, \dots, p_n$  – tų reikšmių tikimybės,  $\mathbf{EX}$  – matematinė viltis (vidurkis),  $\mathbf{DX}$  – dispersija.

**21. Binominiai bandymai:**  $\mathbf{P}_n(k) = \mathbf{P}(X = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$ ;

čia  $X$  – atsitiktinis dydis,  $n$  – bandymų skaičius,  $k$  – sėkmų skaičius,  $p$  – sėkmės tikimybė,

$q = 1 - p$  – nesėkmės tikimybė.

**22. Niutono binomo formulė:**  $(a + b)^n = a^n + C_n^1 a^{n-1} b + C_n^2 a^{n-2} b^2 + \dots + C_n^k a^{n-k} b^k + \dots + b^n$ .

---

Matematikos, gamtos mokslų dalykų,  
informatikos ir inžinerinių technologijų  
valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo  
2 priedas

## CHEMIJOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO LENTELIŲ RINKINYS

### 1. Medžiagų tirpumo vandenyje lentelė

Jonai	H <sup>+</sup>	Na <sup>+</sup>	NH <sub>4</sub> <sup>+</sup>	K <sup>+</sup>	Li <sup>+</sup>	Ag <sup>+</sup>	Mg <sup>2+</sup>	Ca <sup>2+</sup>	Ba <sup>2+</sup>	Zn <sup>2+</sup>	Cu <sup>2+</sup>	Ni <sup>2+</sup>	Pb <sup>2+</sup>	Sn <sup>2+</sup>	Fe <sup>2+</sup>	Fe <sup>3+</sup>	Al <sup>3+</sup>
Br <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	n	t	t	t	t	t	t	m	r	t	t	t
CH <sub>3</sub> COO <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	m	t	t	t	t	t	t	t	r	t	n	t
CO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	CO <sub>2</sub> m	t	t	t	t	m	m	n	n	n	n	n	n	r	n	r	r
Cl <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	n	t	t	t	t	t	t	t	m	r	t	t
F <sup>-</sup>	t	t	t	t	n	t	n	n	m	n	n	t	n	t	t	n	m
I <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	n	t	t	t	t	CuI n	t	n	m	t	-	t
NO <sub>3</sub> <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t
OH <sup>-</sup>		t	NH <sub>3</sub> t	t	t	Ag <sub>2</sub> O n	n	m	t	n	n	n	n	n	n	n	n
PO <sub>4</sub> <sup>3-</sup>	t	t	t	t	m	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n
S <sup>2-</sup>	m	t	t	t	t	n	r	r	t	n	n	n	n	n	n	r	r
SO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	SO <sub>2</sub> m	t	t	t	t	n	m	n	n	n	n	n	n	n	n	r	r
SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup>	t	t	t	t	t	m	t	m	n	t	t	t	n	t	t	t	t
SiO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	n	t	r	t	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n

t – tirpus, m – mažai tirpus, n – netirpus, r – susidarymo metu reaguoja su vandeniu (hidrolizuojasi), brūkšnys rodo, kad tokio junginio nėra. Jeigu junginys nepatvarus, lentelėje nurodytas galutinis skilimo produktas.

### 2. Pagrindinių grupių elementų elektriniai neigiamumai santykiniuose vienetais\*

Grupės Periodai \	IA	IIA	III A	IVA	V A	VIA	VIIA	VIIIA
1	H 2,2							He
2	Li 1,0	Be 1,6	B 2,0	C 2,6	N 3,0	O 3,4	F 4,0	Ne
3	Na 0,9	Mg 1,3	Al 1,6	Si 1,9	P 2,2	S 2,6	Cl 3,2	Ar
4	K 0,8	Ca 1,0	Ga 1,8	Ge 2,0	As 2,2	Se 2,6	Br 3,0	Kr
5	Rb 0,8	Sr 1,0	In 1,8	Sn 2,0	Sb 2,1	Te 2,1	I 2,7	Xe 2,6
6	Cs 0,8	Ba 0,9	Tl 1,8	Pb 1,8	Bi 1,9	Po 2,0	At 2,2	Rn
7	Fr 0,7	Ra 0,9						

\*Parengta pagal David R. Lide, ed., „CRC Handbook of Chemistry and Physics“, 90th Edition (CD-ROM Version 2010), CRC Press/Taylor and FrancisBoca Raton, FL.

### 3. Metalų aktyvumo eilė

<b>Li</b>	<b>K</b>	<b>Ba</b>	<b>Ca</b>	<b>Na</b>	<b>Mg</b>	<b>Al</b>	<b>Ti</b>	<b>Mn</b>	<b>Zn</b>	<b>Cr</b>	<b>Fe</b>	<b>Co</b>	<b>Ni</b>	<b>Sn</b>	<b>Pb</b>	<b>H<sub>2</sub></b>	<b>Cu</b>	<b>Ag</b>	<b>Hg</b>	<b>Pt</b>	<b>Au</b>
-----------	----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	----------------------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------

### 4. Kai kurios pagrindinės konstantos

Dujų molio tūris	$V_M = 22,7 \text{ dm}^3/\text{mol}$ arba $\text{L/mol}$
Oro molinė masė	$M_{(\text{oro})} = 28,96 \text{ g/mol}$
Avogadro konstanta	$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Standartinis slėgis	100 kPa arba 1 bar
Standartinė temperatūra	0 °C arba 273 K

### 5. Anglies–anglies ir anglies–vandenilio ryšių ilgiai ir energija

Sutrumpinta struktūrinė formulė	C – C ryšio ilgis (pm)	C – C ryšio energija (kJ/mol)	C – H ryšio ilgis (pm)	C – H ryšio energija (kJ/mol)
CH <sub>3</sub> – CH <sub>3</sub>	154	377	110	339
CH <sub>2</sub> = CH <sub>2</sub>	134	728	108	466
CH ≡ CH	120	967	106	548

### 6. Bazų jonizacijos (disociacijos) konstantos

Bazės vandeninis tirpalas	NH <sub>3</sub>	CH <sub>3</sub> NH <sub>2</sub>	(CH <sub>3</sub> ) <sub>2</sub> NH	(CH <sub>3</sub> ) <sub>3</sub> N
Jonizacijos konstanta	$1,8 \cdot 10^{-5}$	$4,6 \cdot 10^{-4}$	$5,4 \cdot 10^{-4}$	$6,5 \cdot 10^{-5}$

### 7. Rūgščių ionizacijos (disociacijos) konstantos

Rūgšties vandeninis tirpalas	HF	HCl	HBr	HI	HNO <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> CO <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> S	H <sub>2</sub> SO <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> SO <sub>4</sub>	HCOOH	CH <sub>3</sub> COOH
Jonizacijos konstanta	$6,8 \cdot 10^{-4}$	Labai didelė	Labai didelė	Labai didelė	Labai didelė	$K_{a1} = 4,4 \cdot 10^{-7}$ $K_{a2} = 5,6 \cdot 10^{-11}$	$K_{a1} = 5,7 \cdot 10^{-8}$ $K_{a2} = 1,3 \cdot 10^{-13}$	$K_{a1} = 1,7 \cdot 10^{-2}$ $K_{a2} = 6,2 \cdot 10^{-8}$	$K_{a1}$ – labai didelė $K_{a2} = 1,2 \cdot 10^{-2}$	$1,8 \cdot 10^{-4}$	$1,8 \cdot 10^{-5}$

### 8. Kai kurios fizikinių dydžių formulės

Fizikinis dydis	Ryšys tarp fizikinių dydžių	Fizikinių dydžių žymėjimas
Tankis, $\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	$\rho = \frac{m}{V}$	$m$ – medžiagos masė $V$ – medžiagos tūris
Tirpalo molinė koncentracija, $c$ (mol/L)	$c = \frac{n}{V_{(\text{tirpalo})}}$	$n$ – medžiagos kiekis $V_{(\text{tirpalo})}$ – tirpalo tūris
Tirpalo procentinė koncentracija, $\omega$ (%)	$\omega_{(A)} = \frac{m_{(A)}}{m_{(\text{tirpalo})}} \cdot 100\%$	$m_{(A)}$ – grynos medžiagos masė $m_{(\text{tirpalo})}$ – mišinio ar tirpalo masė
Tirpalo masės koncentracija, $c_w$ (g/L arba g/dm <sup>3</sup> )	$c_w = \frac{m}{V_{(\text{tirpalo})}}$	$m$ – grynos medžiagos masė $V_{(\text{tirpalo})}$ – tirpalo tūris
Išeiga, $\eta$ (%)	$\eta = \frac{n_{(\text{praktinis})}}{n_{(\text{teorinis})}} \cdot 100\%; \quad \eta = \frac{V_{(\text{praktinis})}}{V_{(\text{teorinis})}} \cdot 100\%; \quad \eta = \frac{m_{(\text{praktinė})}}{m_{(\text{teorinė})}} \cdot 100\%$	$n$ – medžiagos kiekis $V$ – medžiagos tūris $m$ – medžiagos masė
Medžiagos kiekis, $n$ (mol)	$n = \frac{m}{M}; n = \frac{N}{N_A}; n = \frac{V_{(\text{duju})}}{V_M}$	$V_{(\text{duju})}$ – duju tūris $m$ – grynos medžiagos masė $N$ – dalelių skaičius $M$ – medžiagos molinė masė

## 9. Periodinė cheminių elementų lentelė

Periodiniai elementai	1 (IA)	1 <b>H</b> Vandenilis 1,01	2 (IIA)	Grupės										18 (VIIIA)	
	1 <b>Li</b> Litis 6,94	4 <b>Be</b> Berilis 9,01		5 <b>B</b> Boras 10,81	6 <b>C</b> Anglis 12,01	7 <b>N</b> Azotas 14,01	8 <b>O</b> Deguonis 16,00	9 <b>F</b> Fluoras 19,00	10 <b>Ne</b> Neonas 20,18						
	3 <b>Na</b> Natris 22,99	12 <b>Mg</b> Magnis 24,31	3 (IIIB)	4 (IVB)	5 (VB)	6 (VIB)	7 (VIIIB)	8 (VIIIB)	9 (VIIIB)	10 (VIIIB)	11 (IB)	12 (IIB)	13 <b>Al</b> Aliuminis 26,98	14 <b>Si</b> Silicis 28,09	
	19 <b>K</b> Kalis 39,10	20 <b>Ca</b> Kalcis 40,08	21 <b>Sc</b> Skandis 44,96	22 <b>Ti</b> Titanas 47,87	23 <b>V</b> Vanadis 50,94	24 <b>Cr</b> Chromas 52,00	25 <b>Mn</b> Manganas 54,94	26 <b>Fe</b> Geležis 55,85	27 <b>Co</b> Kobaltas 58,93	28 <b>Ni</b> Nikelis 58,69	29 <b>Cu</b> Varis 63,55	30 <b>Zn</b> Cinkas 65,38	31 <b>Ga</b> Galis 69,72	32 <b>Ge</b> Germanis 72,63	33 <b>As</b> Arsenas 74,92
	37 <b>Rb</b> Rubidis 85,47	38 <b>Sr</b> Stroncis 87,62	39 <b>Y</b> Itris 88,91	40 <b>Zr</b> Cirkonis 91,22	41 <b>Nb</b> Niobis 92,91	42 <b>Mo</b> Molibdenas 95,96	43 <b>Tc</b> Technecis (98)	44 <b>Ru</b> Rutenis 101,07	45 <b>Rh</b> Rodis 102,91	46 <b>Pd</b> Paladis 106,42	47 <b>Ag</b> Sidabras 107,87	48 <b>Cd</b> Kadmis 112,41	49 <b>In</b> Indis 114,82	50 <b>Sn</b> Alavas 118,71	51 <b>Sb</b> Stibis 121,76
	55 <b>Cs</b> Cežis 132,91	56 <b>Ba</b> Baris 137,33	57 * <b>La</b> Lantanas 138,91	72 <b>Hf</b> Hafnis 178,49	73 <b>Ta</b> Tantalas 180,95	74 <b>W</b> Volframias 183,84	75 <b>Re</b> Renis 186,21	76 <b>Os</b> Osmis 190,23	77 <b>Ir</b> Iridis 192,22	78 <b>Pt</b> Platina 195,08	79 <b>Au</b> Auksas 196,97	80 <b>Hg</b> Gyvsidabris 200,59	81 <b>Tl</b> Talis 204,38	82 <b>Pb</b> Švinas 207,20	83 <b>Bi</b> Bismutas 208,98
	87 <b>Fr</b> Francis (223)	88 <b>Ra</b> Radis (226)	89 ** <b>Ac</b> Aktinis (227)	104 <b>Rf</b> Rezervordis (267)	105 <b>Db</b> Dubnis (268)	106 <b>Sg</b> Siborgis (269)	107 <b>Bh</b> Boris (270)	108 <b>Hs</b> Hasis (269)	109 <b>Mt</b> Meitneris (278)	110 <b>Ds</b> Darmstatis (281)	111 <b>Rg</b> Rentgenis (281)	112 <b>Cn</b> Kopernikis (285)	113 <b>Nh</b> Nihonis (286)	114 <b>Fl</b> Flerovis (289)	115 <b>Mc</b> Moskovis (289)
	58 <b>Ce</b> Ceris 140,12	59 <b>Pr</b> Prazeodimis 140,91	60 <b>Nd</b> Neodimis 144,24	61 <b>Pm</b> Prometis (145)	62 <b>Sm</b> Samaris 150,36	63 <b>Eu</b> Europis 151,96	64 <b>Gd</b> Gadolinis 157,25	65 <b>Tb</b> Terbis 158,93	66 <b>Dy</b> Disprozis 162,50	67 <b>Ho</b> Holmis 164,93	68 <b>Er</b> Erbis 167,26	69 <b>Tm</b> Tulis 168,93	70 <b>Yb</b> Iterbis 173,05	71 <b>Lu</b> Liutecis 174,97	
	90 <b>Th</b> Toris 232,04	91 <b>Pa</b> Protaktinis 231,04	92 <b>U</b> Uranas 238,03	93 <b>Np</b> Neptunis (237)	94 <b>Pu</b> Plutonis (244)	95 <b>Am</b> Americis (243)	96 <b>Cm</b> Kiuris (247)	97 <b>Bk</b> Berklis (247)	98 <b>Cf</b> Kalifornis (251)	99 <b>Es</b> Einšteinis (252)	100 <b>Fm</b> Fermis (257)	101 <b>Md</b> Mendelevis (258)	102 <b>No</b> Nobelis (259)	103 <b>Lr</b> Laurensis (262)	

IUPAC rekomenduoja grupes numeruoti arabiškais skaitmenimis. Skliausteliuose nurodyti tradiciniai grupių numeriai.

Parengta pagal: J. Meija et al. Atomic weights of the elements, 2013 (IUPAC Technical Report). *Pure Appl. Chem.* **88** (2016) 265-291. Skliaustuose nurodyta stabiliusio izotopo masė.

L Öhrström et al. Names and symbols of the elements with atomic numbers 113, 115, 117 and 118 (IUPAC Recommendations 2016). *Pure Appl. Chem.* **88** (2016) 1225-1229

Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo  
3 priedas

## FIZIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULĖS IR PAGRINDINĖS KONSTANTOS

### I SKYRIUS FORMULĖS

#### 1. Judėjimas ir jėgos

$$\vec{v} = \frac{\vec{s}}{t}, \vec{a} = \frac{\vec{v} - \vec{v}_0}{t}, a = \frac{v^2}{R}, s_x = v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2}, \vec{F} = m\vec{a}, F = mg, \vec{P} = m(\vec{g} - \vec{a}), F = \mu N, F = kx, F = \rho_{sk}Vg, F = G \frac{m_1 m_2}{R^2}, g = G \frac{M}{(R+r)^2}, \vec{p} = m\vec{v}, \vec{F}\Delta t = m\Delta\vec{v}, m_1 \vec{v}_{01} + m_2 \vec{v}_{02} = m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2.$$

#### 2. Energija

$$E_k = \frac{mv^2}{2}, E_p = mgh, E_p = \frac{kx^2}{2}, A = Fs \cos \alpha, N = \frac{A}{t}, A = E_{k2} - E_{k1}, A = E_{p1} - E_{p2}, \eta = \frac{A_n}{A_v} \cdot 100 \text{ \%}.$$

#### 3. Šiluminiai reiškiniai

$$M = m_0 N_A, N = \frac{m}{M} N_A, \rho = \frac{m}{V}, n = \frac{N}{V}, p = \frac{F}{S}, p = \frac{1}{3} m_0 n \bar{v}^2, \bar{E}_{k0} = \frac{3}{2} kT, T = t + 273, pV = \frac{m}{M} RT, U = \frac{3m}{2M} RT, Q = cm\Delta t, Q = \lambda m, Q = Lm, Q = qm, A' = p\Delta V, \Delta U = A + Q, \eta_{max} = \frac{T_1 - T_2}{T_1}, \eta = \frac{A'}{|Q_1|}.$$

#### 4. Elektra ir magnetizmas

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}, \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}, E = \frac{U}{\Delta d}, A = qEd, C = \frac{q}{U}, C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d}, W = \frac{CU^2}{2}, \epsilon = \frac{F_0}{F}, \epsilon = \frac{E_0}{E}, \varphi = \frac{W_p}{q}, I = \frac{q}{t}, I = \frac{U}{R}, R = \rho \frac{l}{S}, E = \frac{A_{\text{paš}}}{q}, I = \frac{E}{R+r}, I = I_1 = I_2, U = U_1 + U_2, R = R_1 + R_2, I = I_1 + I_2, U = U_1 = U_2, \frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}, A = IUt, P = \frac{A}{t}, F = BIl \sin \alpha, F = qvB \sin \alpha, \mu = \frac{B}{B_0}, \Phi = BS \cos \alpha, E = N \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|, E = L \left| \frac{\Delta I}{\Delta t} \right|, W = \frac{LI^2}{2}, q = q_m \cos(\omega t), T = 2\pi\sqrt{LC}, i = I_m \sin(\omega t), u = U_m \cos(\omega t), I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}, U = \frac{U_m}{\sqrt{2}}, X_C = \frac{1}{\omega C}, X_L = \omega L, K = \frac{N_1}{N_2} = \frac{U_1}{U_2}.$$

## 5. Svyravimai ir bangos

$$x = x_m \cos(\omega t), \varphi = \omega t, T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}, T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}, \omega = 2\pi f, v = \lambda f.$$

## 6. Šviesa

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}, \frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}, \pm \frac{1}{F} = \frac{1}{d} \pm \frac{1}{f}, \Delta d = k\lambda, \Delta d = (2k+1)\frac{\lambda}{2}, d \sin \varphi = k\lambda.$$

## 7. Atomas, branduolys ir elementariosios dalelės

$$E = hf, \quad hf = A_{iš} + \frac{mv^2}{2}, \quad hf_{\min} = A_{iš}, \quad eU_s = \frac{mv^2}{2}, \quad E = mc^2, \quad A = Z + N, \quad f = \frac{|E_k - E_n|}{h},$$

$$E_r = \Delta Mc^2 = (Zm_p + Nm_n - M_b)c^2, \quad N = N_0 2^{-t/T}.$$

## 8. Reliatyvumo teorijos pagrindai

$$t = \frac{t_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad l = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}, \quad m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad v = \frac{v_1 + v_2}{1 + \frac{v_1 v_2}{c^2}}.$$

## II SKYRIUS PAGRINDINĖS KONSTANTOS

Gravitacijos konstanta	$G = 6,672 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$
Šviesos greitis vakuumė	$c = 2,9979 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Avogadro konstanta	$N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Bolcmano konstanta	$k = 1,3807 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$
Universalioji dujų konstanta (molinė)	$R = kN_A = 8,314 \text{ J/(mol} \cdot \text{K)}$
Elektrinė konstanta	$\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$
Elementarusis krūvis	$e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Planko konstanta	$h = 6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s} = 4,136 \cdot 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$
Masės ir energijos sąryšio koeficientas	931,5 MeV/a. m. v. 1 eV = $1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

---

Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo  
4 priedas

## INŽINERINIŲ TECHNOLOGIJŲ VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULIŲ RINKINYS

### I SKYRIUS

#### INŽINERINIŲ TECHNOLOGIJŲ FORMULĖS

##### 1. Konstrukcijos apkrovų skaičiavimai

<b>Tamprumas</b>	$F_{\text{tampr}} = kx$	$F_{\text{tampr}}$ – tamprumo jėga $k$ – standumo (tamprumo) koeficientas $x$ – kūno pailgėjimas (sutrumpėjimas)
	$k = \frac{SE}{L}$	$S$ – nedeformuoto kūno skerspjūvio plotas $E$ – tempimo (gniuždymo) deformacijos tampros modulis $L$ – nedeformuoto kūno ilgis
<b>Deformacija</b>	$\sigma = \frac{F}{S}$	$\sigma$ – įtempis $S$ – plotas $F$ – plotą veikianti jėga
	$\varepsilon = \frac{N}{ES}$	$\varepsilon$ – bandinio ilginė deformacija $N$ – ašinė jėga $E$ – tempimo (gniuždymo) deformacijos tampros modulis $S$ – plotas
<b>Tampros modulis</b>	$E = \frac{\sigma}{\varepsilon}$	$E$ – tempimo (gniuždymo) deformacijos tampros modulis $\sigma$ – įtempis $\varepsilon$ – bandinio ilginė deformacija

##### 2. Mechanizmų parametru, savybių skaičiavimai

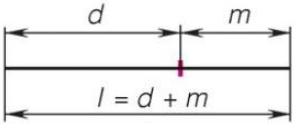
<b>Greitis</b>	$v = \frac{s}{t}$	$v$ – greitis $s$ – kelias $t$ – laikas
<b>Pagreitis</b>	$a = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$	$a$ – pagreitis $v_2 - v_1$ – greičio pokytis $t_2 - t_1$ – laiko pokytis
<b>Deformuotos spyrusklos potencinė energija</b>	$E_p = \frac{kx^2}{2}$	$E_p$ – potencinė energija $k$ – standumo (tamprumo) koeficientas $x$ – kūno pailgėjimas (sutrumpėjimas)
<b>Naudingumo koeficientas</b>	$\eta = \frac{A_n}{A_v} \cdot 100 \%$	$\eta$ – naudingumo koeficientas $A_n$ – naudingas darbas $A_v$ – visas atliktas darbas
<b>Galia</b>	$N = \frac{A}{t}$	$N$ – galia $A$ – atliktas darbas $t$ – laikas
<b>Mechaninis darbas</b>	$A = E_{k2} - E_{k1}$	$E_{k2} - E_{k1}$ – kinetinės energijos pokytis
<b>Trinties jėga</b>	$F_{\text{tr}} = \mu N$	$F_{\text{tr}}$ – trinties jėga $\mu$ – trinties koeficientas $N$ – atramos reakcijos jėga

<b>Svertas</b>	$\frac{F_1}{F_2} = \frac{l_2}{l_1}$	$F$ – jėga $l$ – jėgos petys
<b>Krumplinės ir (ar) diržinės pavaros perdavimo skaičius</b>	$i = \frac{z_2}{z_1}$	$i$ – krumplinės pavaros perdavimo skaičius $z$ – krumpliaračio krumplių skaičius
<b>Jėgos momentas</b>	$M = Fl$	$F$ – kūną veikianti jėga $l$ – jėgos petys
<b>II Niutono dėsnis</b>	$F = ma$	$F$ – jėga $m$ – kūno masė $a$ – pagreitis
<b>Sunkio jėga</b>	$F = mg$	$g$ – laisvojo kritimo pagreitis

**3. Elektros arba elektronikos parametru, savybių skaičiavimai**

<b>Omo dėsnis grandinės daliai</b>	$I = \frac{U}{R}$	$I$ – srovės stipris $U$ – elektrinė įtampa $R$ – laidininko varža
<b>Nuoseklusis laidininkų jungimas</b>	$U = U_1 + U_2$ $I_1 = I_2$ $R = R_1 + R_2$	$I$ – srovės stipris $U$ – elektrinė įtampa $R$ – laidininko varža
<b>Lygiagretusis laidininkų jungimas</b>	$I = I_1 + I_2$ $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$ $U = U_1 = U_2$	$I$ – srovės stipris $R$ – laidininko varža $U$ – elektrinė įtampa
<b>Elektrinė talpa</b>	$C = \frac{q}{\varphi}$	$C$ – elektrinė talpa $q$ – elektros krūvis $\varphi$ – potencialas
<b>Nuosekliai sujungtų kondensatorių talpa</b>	$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$	$C_1, C_2$ – kondensatorių elektrinė talpa
<b>Lygiagrečiai sujungtų kondensatorių talpa</b>	$C = C_1 + C_2$	$C_1, C_2$ – kondensatorių elektrinė talpa

**4. Aukso pjūvis**

<b>Tobulosios pusiausvyros lygtis</b>	$\frac{d}{m} = \frac{d+m}{d}$		$l$ – atkarpos ilgis $d$ – atkarpos didesniosios dalies ilgis $m$ – atkarpos mažesniosios dalies ilgis
---------------------------------------	-------------------------------	--	--

**II SKYRIUS**  
**PAGRINDINĖS MATEMATIKOS FORMULĖS, TAIKOMOS INŽINERINIŲ  
TECHNOLOGIJŲ DALYKE**

<b>Trikampis</b>	$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \angle A, \frac{a}{\sin \angle A} = \frac{b}{\sin \angle B} = \frac{c}{\sin \angle C} = 2R,$ $S = \frac{1}{2}ah_a = \frac{1}{2}ab \cdot \sin \angle C = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = rp = \frac{abc}{4R},$ čia $a, b, c$ – trikampio kraštinių ilgiai, $\angle A, \angle B, \angle C$ – prieš jas esančių atitinkamų trikampio kampų didumai, $p$ – trikampio pusperimetris, $r$ – į trikampį išbrėžto apskritimo spindulio ilgis, $R$ – apie trikampį apibrėžto apskritimo spindulio ilgis, $S$ – trikampio plotas.
<b>Skritulio išpjova</b>	$S_{\text{išpj.}} = \frac{\pi R^2}{360} \cdot \alpha, C_{\text{išpj.}} = \frac{2\pi R}{360} \cdot \alpha;$ čia $\alpha$ – išpjovos kampo didumas laipsniais, $S_{\text{išpj.}}$ – išpjovos plotas, $C_{\text{išpj.}}$ – išpjovos lanko ilgis, $R$ – spindulio ilgis.
<b>Ritinys</b>	$S_{\text{šon. pav.}} = 2\pi RH, V = \pi R^2 H;$ čia $S_{\text{šon. pav.}}$ – šoninio paviršiaus plotas, $V$ – tūris, $R$ – pagrindo spindulio ilgis, $H$ – aukštinės ilgis.
<b>Kūgis</b>	$S_{\text{šon. pav.}} = \pi Rl, V = \frac{1}{3}\pi R^2 H;$ čia $S_{\text{šon. pav.}}$ – šoninio paviršiaus plotas, $V$ – tūris, $R$ – pagrindo spindulio ilgis, $l$ – sudaromosios ilgis, $H$ – aukštinės ilgis.
<b>Rutulys</b>	$S_{\text{pav.}} = 4\pi R^2, V = \frac{4}{3}\pi R^3;$ čia $S_{\text{pav.}}$ – paviršiaus plotas, $V$ – tūris, $R$ – spindulio ilgis.
<b>Piramidė</b>	$V = \frac{1}{3}SH;$ čia $V$ – tūris, $S$ – pagrindo plotas, $H$ – aukštinės ilgis.
<b>Nupjautinis kūgis</b>	$S_{\text{šon. pav.}} = \pi(R+r)l, V = \frac{1}{3}\pi H(R^2 + Rr + r^2);$ čia $S_{\text{šon. pav.}}$ – šoninio paviršiaus plotas, $V$ – tūris, $R$ ir $r$ – pagrindų spindulių ilgiai, $l$ – sudaromosios ilgis, $H$ – aukštinės ilgis.
<b>Nupjautinė piramidė</b>	$V = \frac{1}{3}H(S_1 + \sqrt{S_1 S_2} + S_2);$ čia $V$ – tūris, $S_1, S_2$ – pagrindų plotai, $H$ – aukštinės ilgis.
<b>Rutulio nuopjova</b>	$S_{\text{pav.}} = 2\pi RH + \pi R^2, V = \frac{1}{3}\pi H^2(3R - H);$ čia $S_{\text{pav.}}$ – paviršiaus plotas, $V$ – tūris, $R$ – spindulio ilgis, $H$ – nuopjovos aukštis.

**Trigonometrija**

$$\begin{aligned}
 1 + \operatorname{tg}^2 \alpha &= \frac{1}{\cos^2 \alpha}, \\
 \sin(2\alpha) &= 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha, \\
 \cos(2\alpha) &= \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha, \\
 \operatorname{tg}(2\alpha) &= \frac{2 \operatorname{tg} \alpha}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha}, \\
 \sin(\alpha \pm \beta) &= \sin \alpha \cdot \cos \beta \pm \cos \alpha \cdot \sin \beta, \\
 \cos(\alpha \pm \beta) &= \cos \alpha \cdot \cos \beta \mp \sin \alpha \cdot \sin \beta, \\
 \operatorname{tg}(\alpha \pm \beta) &= \frac{\operatorname{tg} \alpha \pm \operatorname{tg} \beta}{1 \mp \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{tg} \beta}.
 \end{aligned}$$

$\alpha =$	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	
$\sin \alpha =$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha =$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\operatorname{tg} \alpha =$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	—

Lygtis	$\sin x = a,$ $a \in [-1; 1],$	$\cos x = a,$ $a \in [-1; 1],$	$\operatorname{tg} x = a,$ $a \in \mathbb{R},$
$x =$	$(-1)^k \arcsin a + \pi k,$ $k \in \mathbb{Z}.$	$\pm \arccos a + 2\pi k,$ $k \in \mathbb{Z}.$	$\operatorname{arctg} a + \pi k,$ $k \in \mathbb{Z}.$